

# Vorlesung Sicherheit

Dennis Hofheinz

ITI, KIT

16.06.2017

## 1 Schlüsselaustauschprotokolle

- Erinnerung
- Mehr Angriffe auf SSL/TLS
- Weitere Schlüsselaustauschtypen
- Zusammenfassung

## 2 Identifikationsprotokolle

- Motivation
- Sicherheitsmodell
- Sicherheitsmodell
- Ein sicheres Protokoll
- Noch ein sicheres Protokoll

## 3 Zero-Knowledge-Protokolle

- Motivation
- Zero-Knowledge-Eigenschaft

## 1 Schlüsselaustauschprotokolle

### ■ Erinnerung

- Mehr Angriffe auf SSL/TLS
- Weitere Schlüsselaustauschtypen
- Zusammenfassung

## 2 Identifikationsprotokolle

- Motivation
- Sicherheitsmodell
- Sicherheitsmodell
- Ein sicheres Protokoll
- Noch ein sicheres Protokoll

## 3 Zero-Knowledge-Protokolle

- Motivation
- Zero-Knowledge-Eigenschaft

# Erinnerung Schlüsselaustausch

- Symmetrisch (mit Schlüsselzentrale): Kerberos
  - Heute erweitert und zur Authentifizierung benutzt
- Asymmetrisch: Public-Key Transport, Diffie-Hellman
- Quasi-Standard für sichere Kanäle: TLS
  - TLS-Handshake: asymmetrischer Schlüsselaustausch
  - Viele Varianten, viele Optionen, technisch veraltet
  - Unbedingt gepatchte/neueste Version einsetzen!

## 1 Schlüsselaustauschprotokolle

- Erinnerung
- Mehr Angriffe auf SSL/TLS
- Weitere Schlüsselaustauschtypen
- Zusammenfassung

## 2 Identifikationsprotokolle

- Motivation
- Sicherheitsmodell
- Sicherheitsmodell
- Ein sicheres Protokoll
- Noch ein sicheres Protokoll

## 3 Zero-Knowledge-Protokolle

- Motivation
- Zero-Knowledge-Eigenschaft

# Beispielangriff auf RSA-Padding

- **Beobachtung:** von SSL zum Key Transport genutzte RSA-Variante berechnet

$$C = \text{Enc}(pk, \text{pad}(M)) = (\text{pad}(M))^e \bmod N$$

mit „schlechtem“ (d.h. naivem) Padding (PKCS#1.5)

- Angriff auf schlechtes Padding seit 1998 bekannt
  - Idee: verändere  $C$  homomorph, beobachte, ob verändertes  $C$  noch als gültig akzeptiert wird
  - Allein aus Gültigkeit lässt sich Information über  $M$  ableiten
  - Benötigt viele (mehrere Tausend) Versuche

# Beispielangriff auf RSA-Padding (konkreter)

- Konkretes PKCS#1.5-Padding (vereinfacht):

$$C = \text{pad}(K)^e = (0x0002 || \text{rnd} || 0x00 || K)^e \bmod N$$

- $K$  wird kurz sein (und immer mit vielen Nullbits anfangen)
- **Ziel:** finde viele gültige Faktoren  $\alpha_i$ , so dass

$$\text{Dec}(\alpha_i^e \cdot C \bmod N) = \underbrace{\alpha_i \cdot (0x0002 || \text{rnd} || 0x00 || K)}_{=: M_i} \bmod N$$

gültig ist (so dass  $M_i$  mit 0x0002 beginnen muss)

# Beispielangriff auf RSA-Padding (konkreter)

- **Ziel:** finde viele gültige Faktoren  $\alpha_i$ , so dass

$$\text{Dec}(\alpha_i^e \cdot C \bmod N) = \underbrace{\alpha_i \cdot (0x0002 || \text{rnd} || 0x00 || K)}_{=: M_i} \bmod N$$

gültig ist (so dass  $M_i$  mit 0x0002 beginnen muss)

- Gültigkeit wird mit Injizieren von  $\alpha_i^e \cdot C \bmod N$  überprüft
- In alten SSL-Versionen sagt Server „RSA-Padding falsch“ oder „Key  $K$  zu groß“, sagt also, ob Padding gültig
- Viele gültige  $M_i \Rightarrow$  grobes Intervall, in dem  $K$  liegt



# Beispielangriff auf RSA-Padding (konkreter)

- Viele gültige  $M_i \Rightarrow$  grobes Intervall, in dem  $K$  liegt
- Kombination geeignet vieler Intervallbestimmungen liefern  $K$
- Bricht PKCS#1.5 (auch in TLS)
- **Gewählte Gegenmaßnahme:** patche SSL/TLS (wähle  $K$  zufällig, wenn Padding ungültig), obwohl RSA-OAEP bekannt

# Beispielangriff: CRIME (Prinzip)

- **Annahme:** Kompression in TLS eingeschaltet
  - Übertragen wird komprimiertes  $\text{comp}(M)$  statt  $M$
  - TLS nutzt DEFLATE-Kompression (LZ77/Huffman-Variante)
  - Prinzip:  $\text{comp}(\text{Fliegen fliegen}) = \text{Fliegen } f(-8,6)$
- **Strategie:** verändere *vorangehenden* Klartextteil, um zu sehen, ob *folgender* (unbekannter) Klartextteil komprimiert
- **Beispiel:** bringe Client dazu, zunächst 1234 zu senden, anschließend seine vierstellige numerische PIN **ABCD**
  - Client verschlüsselt  $C := \text{Enc}(K, \text{comp}(1234\text{ABCD}))$
  - Länge  $|C|$  hängt direkt ab von Länge  $|\text{comp}(1234\text{ABCD})|$
  - Insbesondere: Chiffre am kürzesten, wenn **ABCD** = 1234

## Beispielangriff: CRIME (konkreter)

- **Konkreter:** Angreifer möchte Cookie von Client stehlen
  - Client hat laufende Session mit Server (z.B. `www.ebay.com`)
  - Client hat *geheimes* HTTP-Cookie `ABCD`, das Browser automatisch an alle Nachrichten an Server anhängt
  - Angreifer schleust JavaScript-Code bei Client ein
  - JavaScript-Code lässt Client `WXYZABCD` an Server senden
  - Angreifer belauscht  $C := \text{Enc}(K, \text{comp}(\text{WXYZABCD}))$ , erfährt so Länge  $|\text{comp}(\text{WXYZABCD})|$ , und „wie nahe `WXYZ` an `ABCD` ist“
  - Viele Wiederholungen/`WXYZ`  $\Rightarrow$  Angreifer erfährt Cookie
- **Wichtig:** Böser JavaScript-Code kennt nur `WXYZ`, nicht `ABCD`, kann aber Client dazu bringen, `WXYZABCD` an Server zu senden

- TLS historisch gewachsen, Quasi-Standard, hochrelevant
- Viele Versionen, Einstellungsmöglichkeiten, Angriffe, Fixes
- **Frage:** warum unterstützen viele Browser (bis vor etwa 5 Jahren) nur 1999-Standard?
- **Antwort:** Angriffe aufwändig, Kompatibilität
- **Frage:** warum verwendet man nicht bessere Algorithmen? (z.B. RSA-OAEP statt schlecht gepaddetem RSA mit Hotfix)
- **Antwort:** einfacher zu fixen als zu ersetzen

## 1 Schlüsselaustauschprotokolle

- Erinnerung
- Mehr Angriffe auf SSL/TLS
- **Weitere Schlüsselaustauschtypen**
- Zusammenfassung

## 2 Identifikationsprotokolle

- Motivation
- Sicherheitsmodell
- Sicherheitsmodell
- Ein sicheres Protokoll
- Noch ein sicheres Protokoll

## 3 Zero-Knowledge-Protokolle

- Motivation
- Zero-Knowledge-Eigenschaft

- Internet Protocol Security (IPsec): eigentlich gar kein KE
  - Ähnlich wie TLS, nur ohne Handshake (also *ohne* Schlüsselaustausch), und auf niedrigerer Protokollebene
  - „Sieht“ auch z.B. IP-Adressen und Portnummern
  - Unterstützt AES, 3DES, HMAC, SHA-1, MD5, ...
  - Schlüsselaustausch muss getrennt vorgenommen werden
- IPsec bei weitem nicht so populär wie TLS
- IPsec theoretisch nicht gut untersucht
- **Aber:** einige Angriffe auf spezielle Modi (CBC) existieren

# Password-Authenticated Key Exchange (PAKE)

- **Ziel:** gemeinsamen geheimen Schlüssel  $K$  aushandeln

$Alice_{pw} \longleftrightarrow Bob_{pw}$

- Kommunikationskanal unsicher, aber  $pw$  geheim
- **Problem:** vollständige Suche über alle  $pw$  möglich
  - Angreifer kann immer  $pw$  raten
  - **Aber:** wir wollen, dass es nicht besser geht
- **(Nicht-)Beispiel:** Alice nutzt SKE ( $Enc, Dec$ ) wählt  $K$  und...

$Alice_{pw} \xrightarrow{Enc(pw, K)} Bob_{pw}$

**Frage:** warum nicht optimal?

# Password-Authenticated Key Exchange (PAKE)

- **Beispiele:**
  - Encrypted KE (übertrage  $\text{Enc}(pw, pk)$ , dann Check)
  - Simple Password Exponential KE (DH mit  $g = H(pw)^2$ )
  - Beweisbarer PAKE (Goldreich-Lindell): nutzt Zero-Knowledge
- Grundidee: einfacher KE „mit anschließender Überprüfung“
- Anwendung z.B. bei EAP (WPA-Authentifikationsvariante)
- PAKE-Sicherheit formal modellierbar und beweisbar (unter zahlen-/komplexitätstheoretischen Annahmen)



## 1 Schlüsselaustauschprotokolle

- Erinnerung
- Mehr Angriffe auf SSL/TLS
- Weitere Schlüsselaustauschtypen
- **Zusammenfassung**

## 2 Identifikationsprotokolle

- Motivation
- Sicherheitsmodell
- Sicherheitsmodell
- Ein sicheres Protokoll
- Noch ein sicheres Protokoll

## 3 Zero-Knowledge-Protokolle

- Motivation
- Zero-Knowledge-Eigenschaft

# Zusammenfassung Schlüsselaustausch

- Ziel: gemeinsamen geheimen Schlüssel  $K$  aushandeln

Alice  $\longleftrightarrow$  Bob

- Mit Schlüsselzentrum: Kerberos
- Asymmetrisch: Key Transport, Diffie-Hellman (mit PKI authentifiziert)
- TLS: Standard, nur aktuelle Version verwenden
- Formale Sicherheitsuntersuchung möglich, aber komplex

- Angriffe auf TLS
- Sicherheitsbeweis für TLS(-Varianten)
- Weitere KE-Varianten:
  - Non-interactive KE (NIKE)
  - ID-basierter (NI)KE
- Realistisches Sicherheitsmodell (für modulare Analyse)

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
  - Erinnerung
  - Mehr Angriffe auf SSL/TLS
  - Weitere Schlüsselaustauschtypen
  - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
  - Motivation
  - Sicherheitsmodell
  - Sicherheitsmodell
  - Ein sicheres Protokoll
  - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
  - Motivation
  - Zero-Knowledge-Eigenschaft

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
  - Erinnerung
  - Mehr Angriffe auf SSL/TLS
  - Weitere Schlüsselaustauschtypen
  - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
  - **Motivation**
  - Sicherheitsmodell
  - Sicherheitsmodell
  - Ein sicheres Protokoll
  - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
  - Motivation
  - Zero-Knowledge-Eigenschaft

- Ziel: asymmetrische Authentifikation (von Parteien)

Alice <sub>$sk_A$</sub>   $\longleftrightarrow$  Bob

- $pk_A$  öffentlich
- Alice möchte sich bei Bob authentifizieren
  - Bob möchte sicher sein, dass er mit Alice redet
  - Genauer: Bob möchte sicher sein, dass er mit der Partei redet, die  $sk_A$  besitzt
  - Noch genauer: Bob möchte sicher sein, dass er mit *einer* Partei redet, die *einen* passenden secret key zu  $pk_A$  kennt
- Ab jetzt heißt Bob V („Verifier“) und Alice P („Prover“)

- Einfachste Lösung:

$$P_{sk_A} \xrightarrow{sk_A} V$$

(Annahme:  $sk_A$  kann als „passend“ zu  $pk_A$  erkannt werden)

- V kann sich sicher sein, dass Gesprächspartner  $sk_A$  kennt
- **Aber:** dieses Protokoll scheint nicht sehr nützlich zu sein
  - Bei mehrmaliger Verwendung schwindet Garantie
  - Problem:  $sk_A$  bleibt bei Protokoll nicht geheim

# Nächster Versuch

- **Neue Anforderung:** nach Protokoll...
  - 1 ...lernt  $V$   $sk_A$  nicht
  - 2 ... ist  $V$  sicher, dass Gegenüber  $sk_A$  kennt
- Nächster Versuch: nutze Signaturschema

$$P_{sk_A} \xrightarrow{\sigma := \text{Sig}(sk_A, \text{„ich bin’s, } P\text{“})} V$$

( $V$  überprüft mit  $\text{Ver}(pk_A, \text{„ich bin’s, } P\text{“}, \sigma)$ )

- **Analyse:** (informell)
  - 1 Würde  $V$   $sk_A$  lernen, wäre Signaturschema unsicher
  - 2 Allerdings unklar, in welchem Sinne  $P$   $sk_A$  kennt
- **Problem:**  $\sigma$  kann von Angreifer verwendet werden!



- **Beobachtung:** nicht-interaktive Protokolle problematisch:

$$P_{sk_A} \xrightarrow{X} V$$

- $X$  kann von Angreifer verwendet werden!
- Ein interaktiver Versuch (mit Signaturschema):

$$\begin{array}{l} \text{1 } P \xleftarrow{R} V \\ \text{2 } P \xrightarrow{\sigma := \text{Sig}(sk_A, R)} V \end{array}$$

( $R$  Zufallszahl,  $V$  überprüft mit  $\text{Ver}(pk_A, R, \sigma)$ )

- Passiert implizit bei TLS, mehr hierzu später

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
  - Erinnerung
  - Mehr Angriffe auf SSL/TLS
  - Weitere Schlüsselaustauschtypen
  - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
  - Motivation
  - **Sicherheitsmodell**
  - Sicherheitsmodell
  - Ein sicheres Protokoll
  - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
  - Motivation
  - Zero-Knowledge-Eigenschaft

- **Frage:** was wollen wir eigentlich wirklich?

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
  - Erinnerung
  - Mehr Angriffe auf SSL/TLS
  - Weitere Schlüsselaustauschtypen
  - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
  - Motivation
  - Sicherheitsmodell
  - **Sicherheitsmodell**
  - Ein sicheres Protokoll
  - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
  - Motivation
  - Zero-Knowledge-Eigenschaft

# Formalisierung PK-Identifikationsprotokoll

- (Public-Key-)Identifikationsprotokoll:  $(\text{Gen}, P, V)$
- PPT-Algorithmus  $\text{Gen}(1^k)$  gibt Schlüsselpaar  $(pk, sk)$  aus
- Zwei PPT-Algorithmen  $P, V$  mit *Zustand* interagieren:
  - 1  $V$  wird mit Eingabe  $pk$  gestartet, Ausgabe sei  $\text{out}_V$
  - 2  $P$  wird mit Eingaben  $sk$  und  $\text{out}_V$  gestartet, Ausgabe  $\text{out}_P$
  - 3  $V$  wird mit Eingabe  $\text{out}_P$  gestartet, Ausgabe  $\text{out}_V$ 
    - Ist  $\text{out}_V \in \{0, 1\}$ , dann beende die Interaktion
    - Andernfalls zurück zu Schritt 2 ( $sk$ -Eingabe nicht mehr nötig)
- **Notation:**  $\langle P(sk), V(pk) \rangle$  ist Transkript der Interaktion
- **Korrektheit:**  $V$  gibt schließlich 1 aus für  $(pk, sk) \leftarrow \text{Gen}(1^k)$

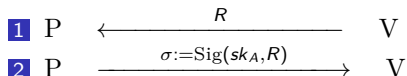
# Sicherheit eines PK-Identifikationsprotokolls

- PK-ID-Protokoll  $(\text{Gen}, P, V)$  sicher  $:\Leftrightarrow$  kein PPT-Angreifer  $\mathcal{A}$  gewinnt folgendes Spiel mehr als vernachlässigbar oft:
  - **Phase 1:**  $\mathcal{A}$  darf mit beliebig vielen  $P$ -Instanzen (mit  $sk_i$ ) in der Rolle des Verifiers  $V$  (mit Eingabe  $pk_i$ ) interagieren. Die verwendeten  $(pk_i, sk_i) \leftarrow \text{Gen}(1^k)$  sind vom Spiel gewählt.
  - **Phase 2:**  $\mathcal{A}$  sucht sich ein schon vom Spiel gewähltes  $pk_{i^*}$  aus und interagiert mit einer  $V$ -Instanz (mit Eingabe  $pk_{i^*}$ )
  - **Entscheidung:**  $\mathcal{A}$  gewinnt, wenn  $V$  schließlich 1 ausgibt
- **Intuition:** Kein  $\mathcal{A}$  schafft es, andere zu impersonieren
- **Allerdings:** Verhindert keinen Man-in-the-Middle-Angriff

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
  - Erinnerung
  - Mehr Angriffe auf SSL/TLS
  - Weitere Schlüsselaustauschtypen
  - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
  - Motivation
  - Sicherheitsmodell
  - Sicherheitsmodell
  - Ein sicheres Protokoll
  - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
  - Motivation
  - Zero-Knowledge-Eigenschaft

# Ein sicheres PK-Identifikationsprotokoll

## ■ Erinnerung Kandidat $(\text{Gen}, P, V)$



## Theorem (Sicherheit von $(\text{Gen}, P, V)$ )

*Ist das verwendete Signaturverfahren EUF-CMA-sicher, so ist das obige PK-Identifikationsprotokoll  $(\text{Gen}, P, V)$  sicher.*

## Beweisidee.

Konstruiere EUF-CMA-Angreifer  $\mathcal{B}$  aus PK-ID-Angreifer  $\mathcal{A}$ . □



- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
  - Erinnerung
  - Mehr Angriffe auf SSL/TLS
  - Weitere Schlüsselaustauschtypen
  - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
  - Motivation
  - Sicherheitsmodell
  - Sicherheitsmodell
  - Ein sicheres Protokoll
  - **Noch ein sicheres Protokoll**
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
  - Motivation
  - Zero-Knowledge-Eigenschaft

# Noch ein sicheres PK-Identifikationsprotokoll

- Ähnlicher Kandidat  $(\text{Gen}, P, V)$  mit Verschlüsselung:

$$\begin{array}{l} \text{1 } P \xleftarrow{C \leftarrow \text{Enc}(pk_A, R)} V \\ \text{2 } P \xrightarrow{R = \text{Dec}(sk_A, C)} V \end{array}$$

## Theorem (Sicherheit von $(\text{Gen}, P, V)$ )

*Ist das verwendete Verschlüsselungsverfahren IND-CCA-sicher<sup>1</sup>, so ist das obige PK-Identifikationsprotokoll  $(\text{Gen}, P, V)$  sicher.*

- Beweisidee wie im signaturbasierten Protokoll
- **Achtung:**  $(pk_A, sk_A)$  nicht auch zur Verschlüsselung benutzen

---

<sup>1</sup> „[Ciphertext] Indistinguishability under Chosen-Ciphertext Attacks“, wie IND-CPA, modelliert aber aktive Angriffe:  $\mathcal{A}$  erhält  $\text{Dec}(sk, \cdot)$ -Orakel

- Identifikation notwendig interaktiv
- Signatursysteme (oder aktiv sichere PKE-Verfahren) hinreichend für sichere Identifikation
  - Ähnliche einfache Identifikationsprotokolle implizit z.B. in TLS verwendet
- Nicht behandelt: stärkere Sicherheitsbegriffe (Man-in-the-Middle-Angriffe, Reset-Angriffe, ...)

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
  - Erinnerung
  - Mehr Angriffe auf SSL/TLS
  - Weitere Schlüsselaustauschtypen
  - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
  - Motivation
  - Sicherheitsmodell
  - Sicherheitsmodell
  - Ein sicheres Protokoll
  - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
  - Motivation
  - Zero-Knowledge-Eigenschaft

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
  - Erinnerung
  - Mehr Angriffe auf SSL/TLS
  - Weitere Schlüsselaustauschtypen
  - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
  - Motivation
  - Sicherheitsmodell
  - Sicherheitsmodell
  - Ein sicheres Protokoll
  - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
  - **Motivation**
  - Zero-Knowledge-Eigenschaft

# Motivation Zero-Knowledge

- Einige intuitive (naive?) Anforderungen an PK-ID-Protokoll noch nicht oder nur teilweise erfüllt:

1  $V$  lernt  $sk_A$  nicht

2  $V$  ist sicher, dass Gegenüber  $sk_A$  kennt

- Erinnerung Identifikation mit Signaturen:

1  $P \xleftarrow{R} V$

2  $P \xrightarrow{\sigma := \text{Sig}(sk_A, R)} V$

- Zwar lernt  $V$  nicht den kompletten  $sk_A$ . . .  
... aber vielleicht Teilinformationen über  $sk_A$
- Vielleicht kennt  $P$  nur „Ersatz“- $sk_A$
- **Frage:** Für Identifikation beides nicht schlimm. . .  
... können wir trotzdem intuitive Anforderungen erfüllen?

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
  - Erinnerung
  - Mehr Angriffe auf SSL/TLS
  - Weitere Schlüsselaustauschtypen
  - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
  - Motivation
  - Sicherheitsmodell
  - Sicherheitsmodell
  - Ein sicheres Protokoll
  - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
  - Motivation
  - Zero-Knowledge-Eigenschaft

# Zero-Knowledge-Eigenschaft

- **Erste Anforderung:**  $V$  lernt  $sk_A$  nicht
- **Keine halben Sachen:**  $V$  lernt nichts über  $sk_A$
- **Zurückrudern:**  $V$  lernt nichts über  $sk_A$ , was er nicht schon aus  $pk_A$  berechnen kann (Bsp.:  $sk_A = x$ ,  $pk_A = g^x$ )
- **Anders gesagt:** Alles, was  $V$  über  $sk_A$  berechnen kann, kann er schon aus  $pk_A$  berechnen
- **Randbedingung:** Natürlich muss das auch für „bösen  $V$ “ (d.h. für Angreifer  $\mathcal{A}$  in der Rolle von  $V$ ) gelten



- Hilfsformalismus: Ununterscheidbarkeit

## Definition (Ununterscheidbarkeit)

Zwei (möglicherweise vom Sicherheitsparameter  $k \in \mathbb{N}$  abhängige) Verteilungen  $X, Y$  sind *ununterscheidbar* (geschrieben  $X \stackrel{c}{\approx} Y$ ), wenn für alle PPT-Algorithmen  $\mathcal{A}$  die Differenz

$$\Pr \left[ \mathcal{A}(1^k, x) = 1 \mid x \leftarrow X \right] - \Pr \left[ \mathcal{A}(1^k, y) = 1 \mid y \leftarrow Y \right]$$

vernachlässigbar in  $k$  ist.

- **Intuition:**  $X$  und  $Y$  nicht (effizient) unterscheidbar

# Zero-Knowledge-Eigenschaft (formal)

## Definition (Zero-Knowledge)

Ein PK-Identifikationsprotokoll  $(\text{Gen}, P, V)$  ist *Zero-Knowledge* (ZK), falls für jeden PPT-Algorithmus  $\mathcal{A}$  (den Angreifer) ein PPT-Algorithmus  $\mathcal{S}$  (der Simulator) existiert, so dass die folgenden Verteilungen ununterscheidbar sind (wobei  $(pk, sk) \leftarrow \text{Gen}(1^k)$ ):

$$\left( pk, \langle P(sk), \mathcal{A}(1^k, pk) \rangle \right) \quad \text{und} \quad \left( pk, \mathcal{S}(1^k, pk) \right).$$

- **Intuition:** Interaktionstranskripte simulierbar
- **Bemerkung:**  $\mathcal{A}$  kann ganzes Wissen in Transkript packen
- Varianten möglich (z.B. Gleichheit statt Ununterscheidbarkeit)